

# Applications lin $\mathcal{E}^0$

$\rightarrow u \in \mathcal{L}(E, F)$ .  $u \in \mathcal{E}^0 \Leftrightarrow \exists C > 0 \forall x \in E \|u(x)\|_F \leq C \|x\|_E$

$\rightarrow$  Equivalence entre les props:

$u \in \mathcal{E}^0$  /  $u \in \mathcal{E}^0$  en 0 /  $u \in \mathcal{E}^0$  en un point /  $u$  est lip /  
 $u$  est bornée sur  $\bar{B}(0, 1)$  / " " sur  $S(0, 1)$  /  
 $u$  est bornée sur une boule

$$\begin{aligned} \rightarrow u \in \mathcal{L}(E, F): \sup_{x \in \bar{B}(0, 1)} \|u(x)\| &= \sup_{x \in S(0, 1)} \|u(x)\| \\ &= \inf \{ C \geq 0 \mid \forall x \in E \|u(x)\| \leq C \|x\| \} \\ &= \|u\| \end{aligned}$$

$\hookrightarrow \|\cdot\|$  est une norme sur  $\mathcal{L}_c(E, F)$

$\hookrightarrow u, v \in \mathcal{L}_c(E, F): \|u \circ v\| \leq \|v\| \|u\|$

$\xrightarrow{\text{exemp}}$  Apps bilin:  $\|\varphi(x, y)\|_{G=E \times F} \leq C \|x\|_E \|y\|_F$   
 $\Rightarrow \varphi \in \mathcal{E}^0$