

# Compacts

→  $(X, d)$  compact  $\stackrel{\text{def}}{\Leftrightarrow}$  toute suite de  $X$  admet une  $V.A$   
 $A \subset X$  compact  $\Leftrightarrow$  compact pour la distance induite

→  $A \subset X$  compact  $\Rightarrow$   $A$  fermé et borné (equiv en  $\dim$  finie  $\rightarrow \mathbb{R}^n$ )  
 $X$  compact donne  $\Leftrightarrow$  entre  $A$  fermé et  $A$  compact  
équivalence

→ Le produit de compacts est compact (extrac. succ.)

→ Tout e.m compact est complet (Cauchy)

→  $X$  compact,  $(\mu_n) \in X^{\mathbb{N}}$  :  $\mu_n \subset V \Leftrightarrow |\text{adh}(\mu_n)| \leq 1$

→  $f \in \mathcal{C}^0(X, Y)$  :  $X$  compact  $\Rightarrow$   $f$  unif  $\mathcal{C}^0$

→  $(X, d), (X, \delta)$  e.m  $f \in \mathcal{C}^0(X, Y)$  :  $X$  comp  $\Rightarrow$   $f(X)$  comp.

(ne pas oublier les compléments, important)

+ reconnaissance (Borel Lebesgue) + Fermés emboîtés  $\rightarrow$  Dimi