

Familles Sommables

→ $(u_i)_{i \in I}$ Sommable (famille de nb positifs)

ssi $\forall \mathcal{J} \in \mathcal{P}_f(I)$: $\sum_{i \in \mathcal{J}} u_i$ majorée, la somme est $\sup_{\mathcal{J} \in \mathcal{P}_f(I)} \sum_{i \in \mathcal{J}} u_i$

→ $(\mathcal{J}_m) \subset I$ croissante: (u_i) sommable $\Leftrightarrow \sum_{i \in \mathcal{J}_m} u_i = S_m$ majorée
et $\sum S_m = \sum u_i$

→ Linéarité, CL...

→ $\sum u_n$ Série CV et $\sigma \in S_{\mathbb{N}} \Leftrightarrow \sum u_{\sigma(n)}$ CV
et $\sum u_n = \sum u_{\sigma(n)}$

→ Partitions (TTU): (I_m) partition de I , $U_m = \sum_{i \in I_m} u_i$
 (u_i) sommable $\Leftrightarrow (u_i)_{i \in I_m}$ est sommable $\forall m$ et $\sum U_m$ CV
(preuve \Rightarrow : $\sum_{i \in I_m} u_i = \frac{\varepsilon}{2^m}$, $\varepsilon \in]0, \varepsilon_0[$) avec $\sum_{i \in I} u_i = \sum_{m=0}^{+\infty} U_m$

→ $(z_i) \in \mathbb{C}^I$ sommable $\Leftrightarrow (|z_i|)$ sommable

→ $\mathcal{F} (a_i)_{i \in \mathbb{N}}, (b_j)_{j \in \mathbb{N}}$ sommables $\Rightarrow (a_i b_j)_{i, j \in \mathbb{N}}$ sommable
de somme $\sum a_i \sum b_j$