

Des sols permettant la
récupération d'énergie



Med Amine Badih

Numéro SCEI : 20372

Introduction



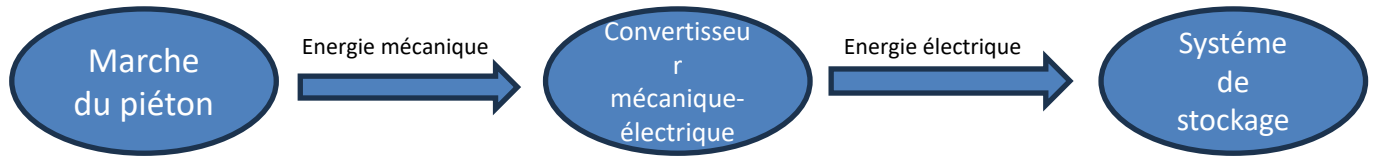
Figure : ANCIENNE MEDINA DE TÉTOUAN

Comment rendre ces anciennes
médiinas plus autonomes en
énergie électrique ?

Table de matière :

- Objectif et solution propose
- Etude théorique de la solution (Partie mécanique et partie électrique)
- Réalisation du prototype et mise en évidence des résultats expérimentaux

Objectif



Solution proposée

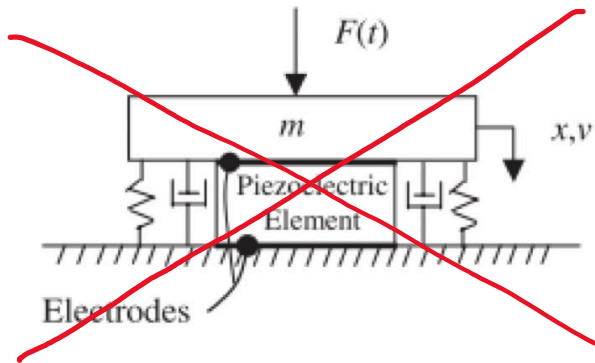


Figure : Générateur Piézoélectrique

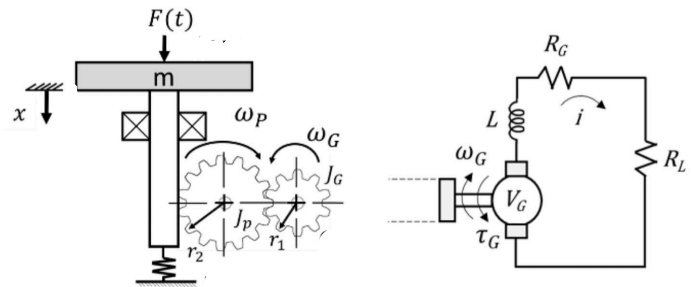
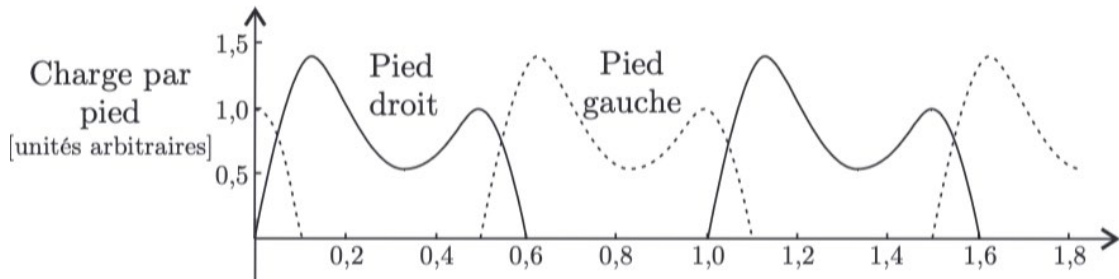


Figure : Générateur électromagnétique

Solution proposée



→ La force appliquée par le piéton est représentée expérimentalement par la figure ci-dessus :



Étude Théorique :

I) Partie mécanique :

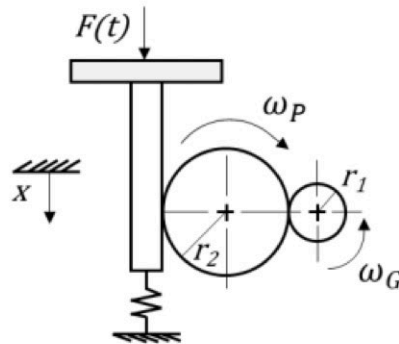
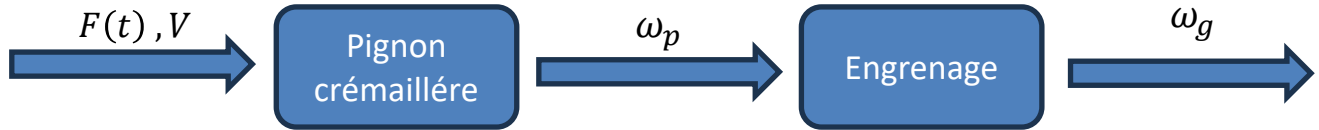


Figure : Système mécanique

Étude Théorique

→ m : Masse de la plaque + crémaillère

→ J_p, J_g : Moments d'inerties des pignons

→ x : Déplacement de la crémaillère

→ $F(t)$: Force appliquée par le piéton

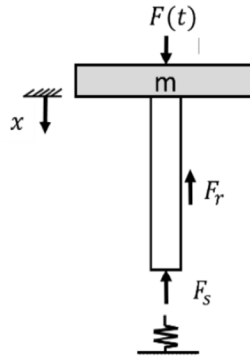
→ F_r : Force de friction entre la crémaillère + les pignons

→ f_r : Force de friction entre les deux pignons

→ F_s : La somme de la force de rappel de ressort + d'amortissement

→ ω_p, ω_g : vitesses angulaires des pignons

→ τ_G : couple électromagnétique du générateur



$$\dot{x} = r_2 \omega_p = r_1 \omega_g$$

$$\tau_G = k_T i$$

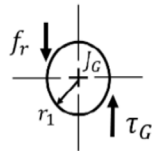
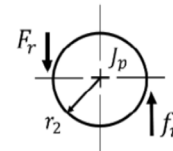


Figure : Paramètres du système mécanique

Étude Théorique

→ *Système étudié n°1 : { Crémaillère + plaque }*

On applique la 2ème Loi de Newton dans le cadre d'un référentiel galiléen :

$$m\ddot{x} = F(t) - F_s - F_r \quad (I)$$

→ *Système étudié n°2 et n°3 : {Pignon 1 } et {Pignon 2 }*

On applique le théorème du moment cinétique dans le cadre du meme référentiel :

$$J_p \dot{\omega}_p = J_p \frac{\ddot{x}}{r_1} = (F_r - f_r) r_s \quad (II)$$

$$J_g \dot{\omega}_g = J_g \frac{\ddot{x}}{r_1} = (f_r - \tau_g) r_1 \quad (III)$$

Étude Théorique

Effectuant (I) – (III), on déduit la relation suivante :

$$M \ddot{x} + \frac{K_T}{r_1} + F_s = F(t) \quad (IV)$$

$$M = m + \frac{J_p}{r_2^2} + \frac{J_g}{r_1^2} \quad (V)$$

Étude Théorique

II) Partie électrique :

→ V_G : Force électromotrice du générateur ($V_g = K_t \omega_g$)

→ V_{rg} : Tension aux bornes de la résistance du générateur

→ V_{rl} : Tension aux bornes de la résistance de la charge

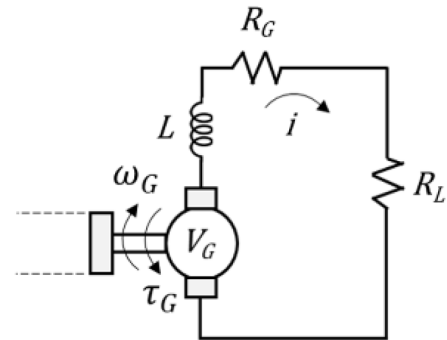


Figure : Schéma électrique



On applique la loi des mailles en se basant sur l'orientation de la figure VI :

$$V_l + V_{rg} + V_{rl} - V_g = 0$$

On en déduit :

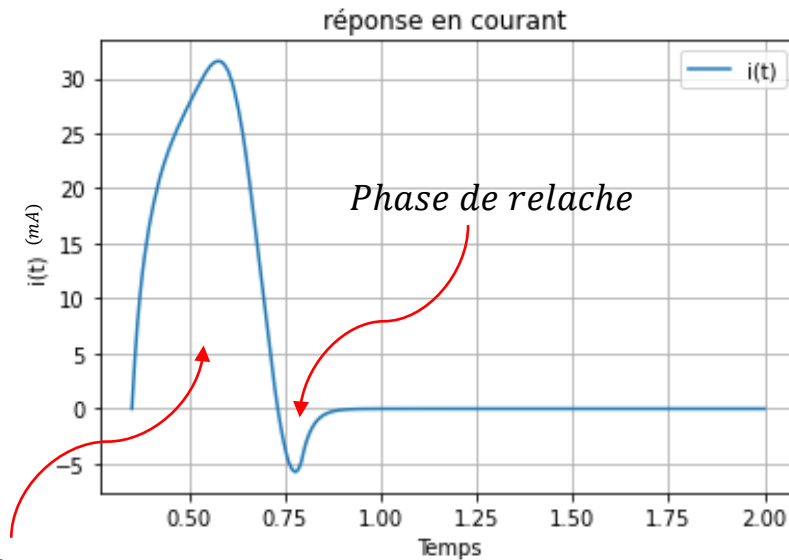
$$i + \left(\frac{R_g + R_l}{L} \right) i - \left(\frac{K_t}{L} \right) \omega_g = 0 \quad (V)$$

Étude Théorique

On obtient l'équation différentielle matricielle suivante :

$$\begin{bmatrix} \dot{i} \\ \dot{x} \\ \ddot{x} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\left(\frac{R_g + R_l}{L}\right) & 0 & \frac{K_t}{Lr_1} \\ 0 & 0 & 1 \\ \frac{-K_t}{M r_1} & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i \\ x \\ \dot{x} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \frac{F(t) - F_s}{M} \end{bmatrix}$$

Étude Théorique



Phase d'appui

Phase de relache

Réalisation du prototype

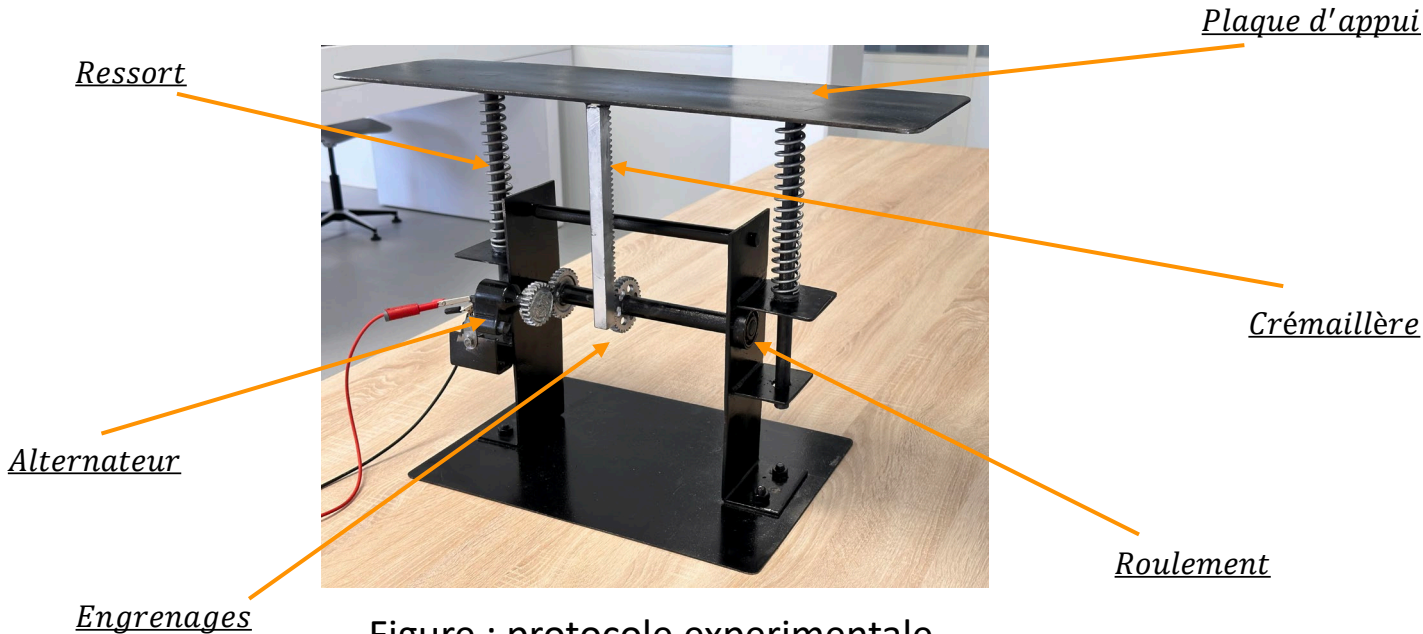


Figure : protocole expérimentale

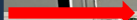
Réalisation du prototype



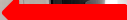
Mise en évidence de
l'objectif souhaité :
Produire de l'énergie électrique



Carte
d'acquisition (
SYSANE
CAMPUS)



Réponse du
système
(Latis Pro)



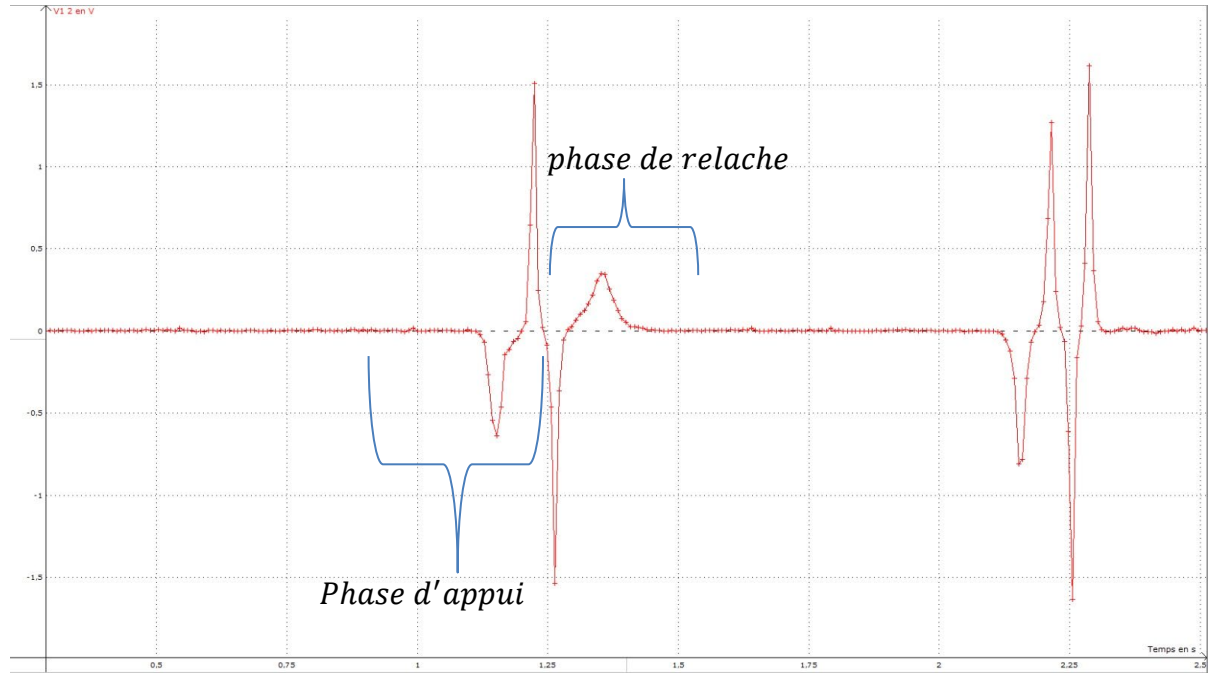
Résistanc
e



Système
d'étude



Résultats de l'expérience



Résultats de l'expérience

>> Nous nous sommes demandé si la raideur des ressorts utilisés peut avoir de l'influence sur les valeurs obtenues , on utilise alors les deux ressorts suivants :

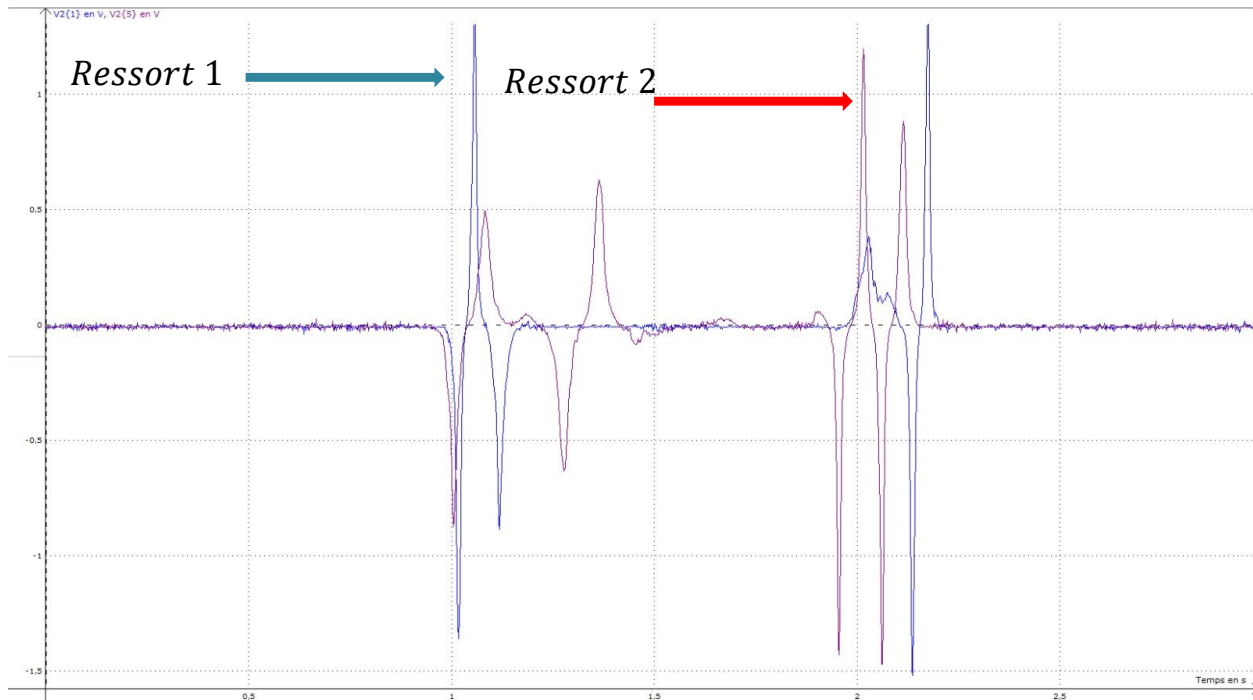


Ressort 1 (raideur moins importante)



Ressort 2 (raideur plus importante)

Résultats de l'expérience

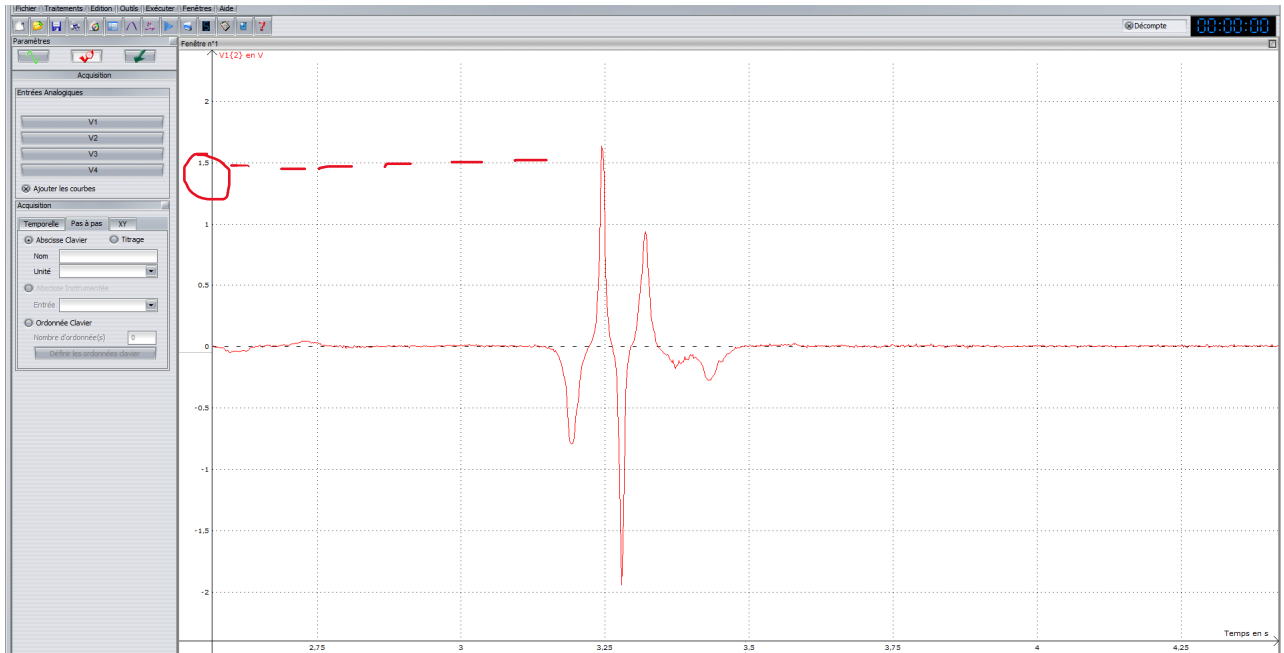


Résultats de l'expérience

>> Dans une première impression de notre système , il peut apparaitre que la masse du piéton peut influencer sur la quantité d'énergie générée , pour cela on propose le tableau suivant :

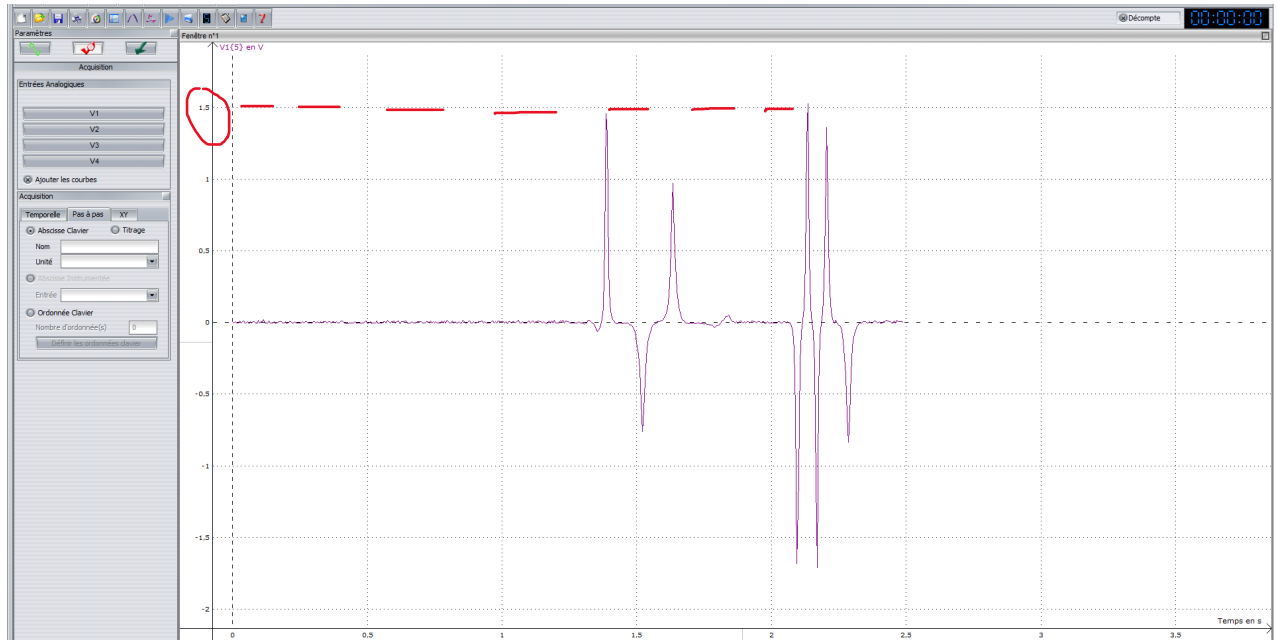
<i>Individus</i>	<i>Masse</i>
<i>Individu n°1</i>	<i>48kg</i>
<i>Individu n°2</i>	<i>62kg</i>
<i>Individu n°3</i>	<i>84kg</i>
<i>Individu n°4</i>	<i>104kg</i>

Résultats de l'expérience



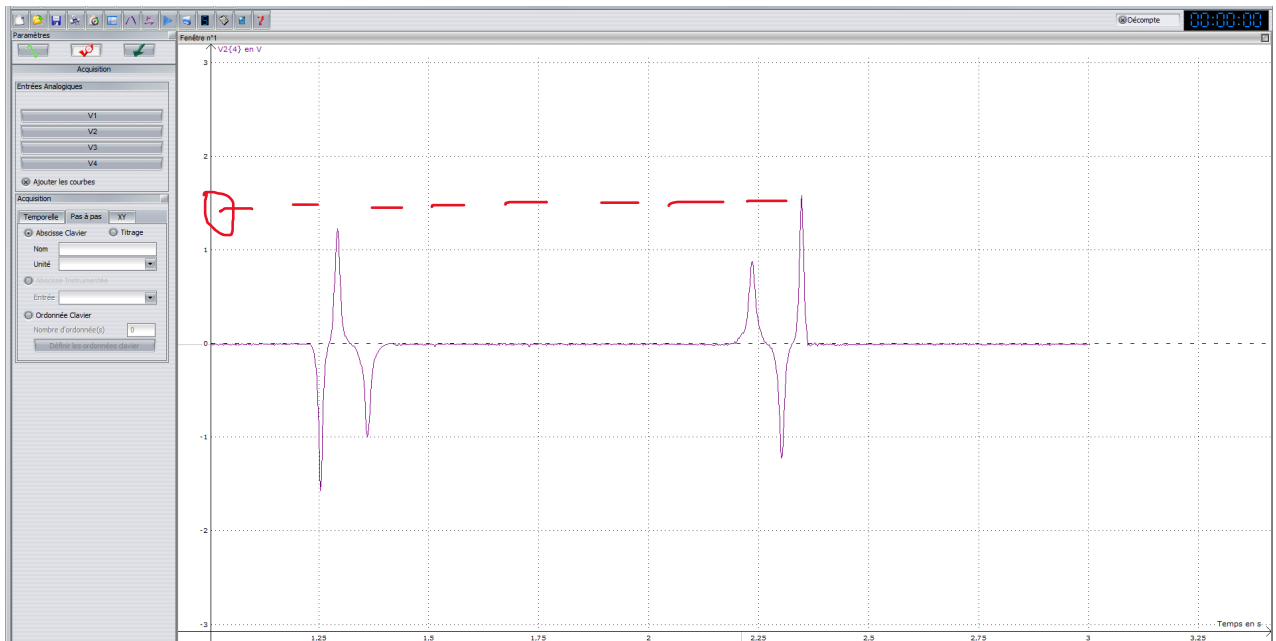
Réponse de l'individue n°1

Résultats de l'expérience



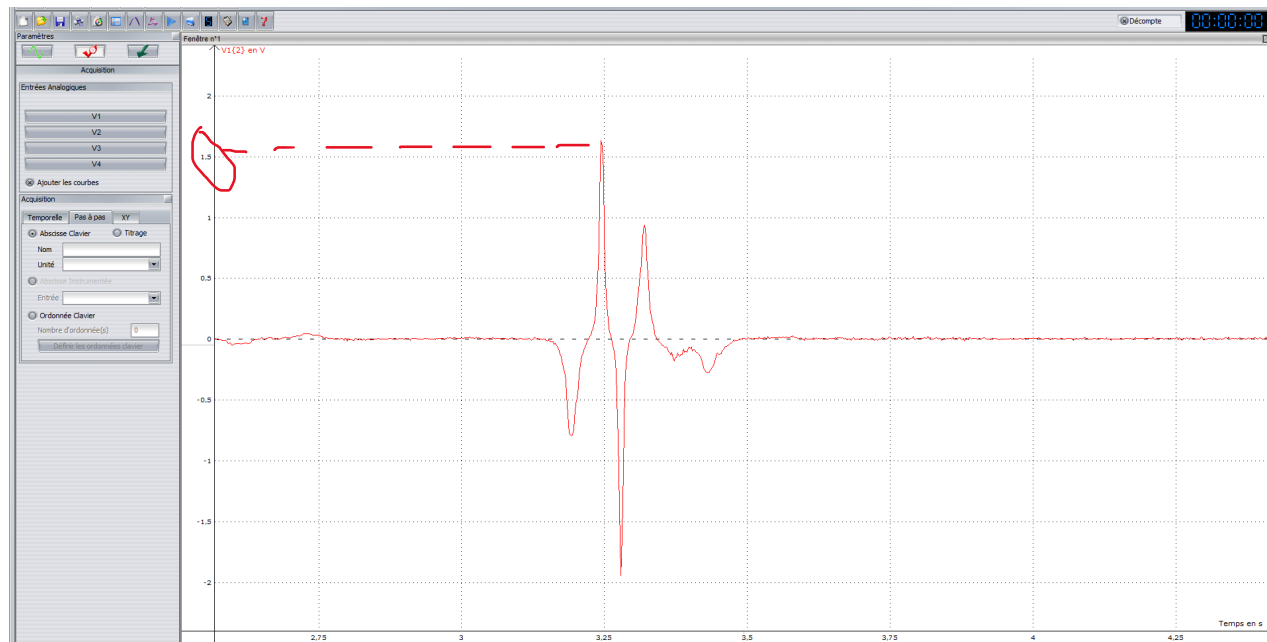
Réponse de l'individu n°2

Résultats de l'expérience



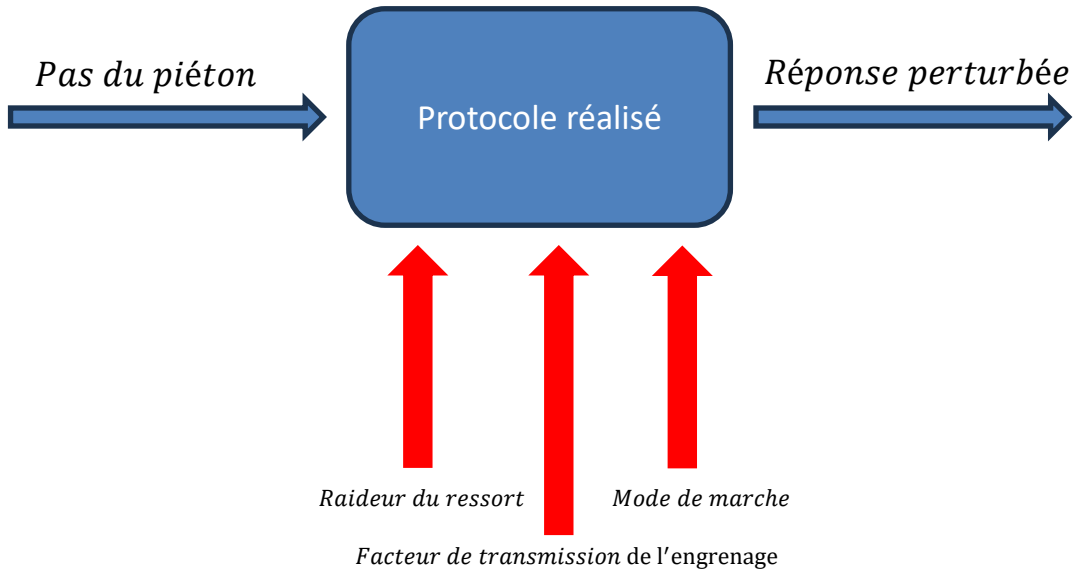
Réponse de l'individue n°3

Résultats de l'expérience



Réponse de l'individue n°4

Conclusion





Conclusion

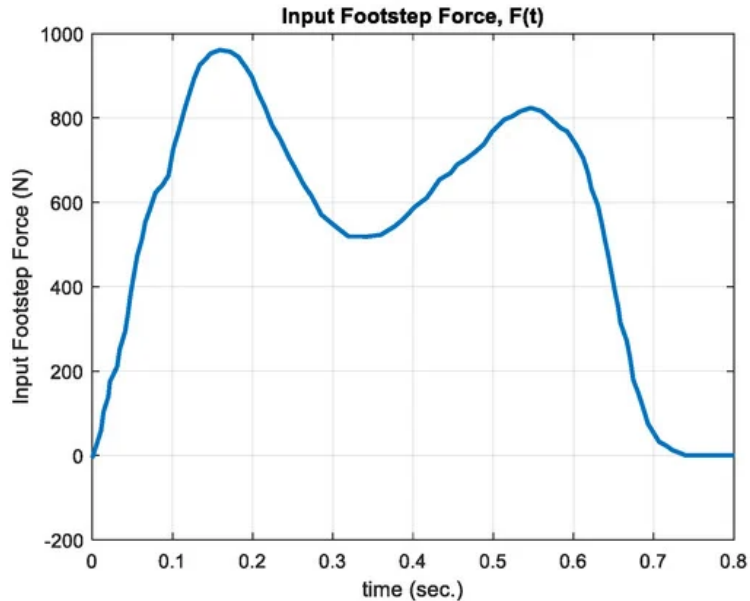
Merci pour votre attention

Annexe

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 from scipy.interpolate import interp1d
4 from scipy.integrate import solve_ivp
5 # choix des points pour effectuer l'interpolation
6 t = np.array([0, 0.1, 0.2, 0.35, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8])
7 f = np.array([0, 800, 900, 500, 600, 790, 775, 25, 0])
8 # Interpolation cubique
9 cubique_interp = interp1d(t, f, kind='cubic')
10 t_new = np.linspace(0, 0.8, 100)
11 f_cubic = cubique_interp(t_new)
12
13
14
15
16 # Définition de l'équation différentielle matricielle
17 def equation_diff_matricielle(t, Y):
18     i = int(np.clip((t / 0.8 * 100), 0, 99))
19     A = np.array([[-3.0438 * 10**3, 0, 4.14 * 10**3], [0, 0, 1], [-26.7, 0, 0]]) # Matrice
20     B = np.array([0, 0, f_cubic[i]]) # Second membre B
21     dydt = np.dot(A, Y) + B # Equation différentielle matricielle
22     return dydt
23
24 # Conditions initiales
25 Y0 = np.array([0, 0, 0])
26
27 # Intervalle de temps
28 t_span = (0.35, 2) # De t=0 à t=0,5
29
30 # Résolution de l'équation différentielle matricielle
31 solution = solve_ivp(equation_diff_matricielle, t_span, Y0)
32
33 # Tracé de la solution
34 plt.plot(solution.t, solution.y[0], label='i(t)')
35 plt.xlabel('Temps')
36 plt.ylabel('i(t)')
37 plt.title('réponse en courant ')
38 plt.legend()
39 plt.grid(True)
40 plt.show()
41
```

Annexe 1 : Code Python permettant le tracé de la courbe voulu

Annexe



Annexe 2 : Courbe théorique de la force du pas du piéton sur la plaque